

```
In [1]: 1 from sympy.ntheory import factorint
        2
        3 N = 12
        4 display(factorint(N))
```

```
{2: 2, 3: 1}
```

```
In [2]: 1 N = 3402823669209384634633740743176823109843098343
        2 display(factorint(N))
```

```
{3: 2, 74519450661011221: 1, 5073729280707932631243580787: 1}
```

```
In [3]: 1 RSA1024 = 1350664108659952233496032162788059699388814756056670275
        2 display(RSA1024)
```

```
1350664108659952233496032162788059699388814756056670275244851438515
2651060485953383394028715057190944179820728216447155137368041970396
4191743046496589274256239341020864383202110372958725762358509643110
5640735015081875106765946292055636855294752135008528794163773285339
06109750544334999811150056977236890927563
```

```
In [4]: 1 RSA250 = 21403246502407449612644230728393335630086147151447550177
        2
        3 p = 6413528947707158027879019017057738908482501474294344720811685
        4 q = 3337202759497815655622601060535511422794076034476755466678452
        5
        6 display(RSA250 == p * q)
```

```
True
```

```
In [1]: 1 import math
        2
        3 N = 4636759690183918349682239573236686632636353319755818421393667
        4 M = 5056714874804877864225164843977749374751021379176083540426467
        5
        6 display(math.gcd(N, M))
```

```
1350664108659952233496032162788059699388814756056670275244851438515
2651060485953383394028715057190944179820728216447155137368041970396
4191743046496589274256239341020864383202110372958725762358509643110
5640735015081875106765946292055636855294752135008528794163773285339
06109750544334999811150056977236890927563
```

```
In [2]: 1 display(math.gcd(N**200 + 1, M**100 + M**2))
```

```
113
```

In [3]:

```
1 K = 6413528947707158027879019017057738908482501474294344720811685
2 N = 4636759690183918349682239573236686632636353319755818421393667
3 M = 5056714874804877864225164843977749374751021379176083540426467
4
5 display(pow(N, K**10 + 1, M**10 + 1))
```

```
5420808908959774060288987536719770456217318912094898225713892936909
0490292058752683910167734962730162729193293826695331271414053816183
1995587114781113307168311397674110656056434861136283920974891097411
2799894385464900617664468329271717655067495341858822704829649579551
7244831552642083140487424693878470204079875378730273790365159423552
0642557610494239445239004008106904185852521798504471201802899139463
5458870225358476099232040714610377672598679720015462702833934580459
1516262431311784652718846952602941985030104782070395513706575568019
8054632893968338978289310193797702316002702082461211835098117229999
7784862364914426784395705304625946981620876565903630321426713564601
6366150035264505594509882570542655766737839963896842259465039507677
6491176591250047897112040771204383272670653999920293573293682040053
4970855338294653369081634048804115320256182211145544094816107629124
1127422492263193535368431432506755597917433558929930510784882852929
2717802343840258305483983210950378147159650007295910770702006578255
5861325253891174468479828455070701800024212593144971400832140786063
6206652243390277460489784965892656024302864752292405007303950302441
6737376077322572409015600404935259463586702793546596241476445637358
5290956999305794964617561548270565216080421238370652518997421499178
7220586172565640532907581538415747433410202307236651055683839233355
2498126239531483729229135121357985323380066454395969757066896893254
5105391200894345122403901126855808339292892144618034647640594129638
8918093474335169540542557353741142296874672536615094043290810384675
3697648531400545779464279324072890771674811358262304789692729952536
4803461784339899349011331842366119834985254767022797817541982842136
0387973460455245434468376096919614463468980344819601623699065472078
5174070332559527372431350986679813979186273894141243508849079047399
2542655256187359052648995226579813780101763700632784177318998593960
1239773760651886428497144020718213326560992465951922735481245793089
5436937916679137550436617796336716735773420425013452390101205372841
4505662083719483277149998297345600850207968594611610502058119754052
4580596161534603217841415399900563808085711171726773899389971594257
7694906503713313819724716111512765958510947007678421284668984344987
4294528288829117435818727532583190741742686601090580534050289592016
7611356796033649040723055694483827418703662443973965825654532826414
0219540702398153069175149689822263394219823027090709891325399565197
8611545066193950188718245653197837791596426329560941347753939650429
6114472455770788469317223726163675500063556203602764555680805120990
3517917541675614323395093421473662195003990250664422144399843534146
0452476466171419972558395644689971465747907674896790822097660307109
0629319576946840339784129525675995934886875290115263591061698095559
7966740186672327793120151017763030213384793215827899031268233454937
7652520626935835739547712983314320798573894229076437190704856364396
3277951514842789565266485972600848286973084271697042515466738325836
0970545657528153372217802910319225676534350464511282690207396022340
7989624481672668703972408414665894403347181679160774217536153364422
4368407215572025723480219325118777086398998660420649251509978701156
1013009192330871637249150560023463832856025299856125543587286707919
4898819838898311502430190295512215594677576275248220954675704199712
8801968876501264018105742701182956192166930012476892452643725644233
5583042108727920426483427629079008969263698419817693076459778852962
0410821188522782016777910796700483449826
```

```
In [1]: 1 import galois
        2
        3 GF = galois.GF(2)
        4
        5 N, n = 1000, 1000
        6
        7 A = GF.Random((N, n))
        8 B = A.null_space()
        9 display(B)
```

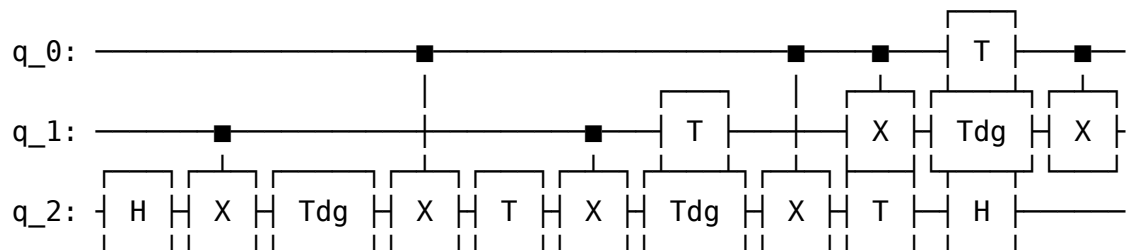
```
-----
-----
ModuleNotFoundError                                Traceback (most recent ca
ll last)
Cell In[1], line 1
----> 1 import galois
       3 GF = galois.GF(2)
       5 N, n = 1000, 1000

ModuleNotFoundError: No module named 'galois'
```

```

In [2]: 1 from qiskit import QuantumCircuit
        2 from qiskit.quantum_info import Statevector, Operator
        3 from qiskit.visualization import array_to_latex
        4
        5 Toffoli = QuantumCircuit(3)
        6
        7 Toffoli.h(2)
        8 Toffoli.cx(1, 2)
        9 Toffoli.tdg(2)
       10 Toffoli.cx(0, 2)
       11 Toffoli.t(2)
       12 Toffoli.cx(1, 2)
       13 Toffoli.tdg(2)
       14 Toffoli.cx(0, 2)
       15 Toffoli.t(1)
       16 Toffoli.t(2)
       17 Toffoli.cx(0, 1)
       18 Toffoli.t(0)
       19 Toffoli.tdg(1)
       20 Toffoli.h(2)
       21 Toffoli.cx(0, 1)
       22
       23 display(Toffoli.draw())
       24 U = Operator(Toffoli)
       25
       26 display(array_to_latex(U))

```



$$\begin{bmatrix}
 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\
 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\
 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\
 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\
 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\
 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\
 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\
 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0
 \end{bmatrix}$$